

# Seminario de Análisis

## El invariante de Dixmier–Douady

Jorge Castillejos

### Resumen

En este seminario estudiaremos el invariante de Dixmier–Douady así como su aplicación en la clasificación de  $C^*$ -álgebras de traza continua. Debido al Teorema de Dauns–Hoffmann, dicha clase de  $C^*$ -álgebras se puede entender como álgebras de secciones sobre ciertos haces fibrados. La construcción del invariante de Dixmier–Douady incorpora métodos de topología algebraica en las álgebras de operadores.

### Temario

1.  $C^*$ -módulos de Hilbert
  - Módulos de Hilbert
  - Mapeos acotados
  - Álgebra de multiplicadores
  - Representaciones inducidas
2. Equivalencia de Morita
  - Bimodulos imprimitivos
  - Equivalencia de Morita
  - La correspondencia de Rieffel
  - El producto tensorial externo
3.  $C^*$ -álgebras de traza continua
  - $C^*$ -álgebras con espectro Hausdorff
  - $C^*$ -álgebras de traza continua
  - El invariante de Dixmier–Douady
  - La clasificación de Dixmier–Douady
  - Clasificación bajo isomorfismo estable

## Referencias

- [1] Jacques Dixmier. *C\*-algebras*, volume Vol. 15 of *North-Holland Mathematical Library*. North-Holland Publishing Co., Amsterdam-New York-Oxford, 1977. Translated from the French by Francis Jellett.
- [2] Iain Raeburn and Dana P. Williams. *Morita equivalence and continuous-trace C\*-algebras*, volume 60 of *Mathematical Surveys and Monographs*. American Mathematical Society, Providence, RI, 1998.